

**Exercice n°1 – Conduite hydraulique - 10 pts**

1) La conservation du débit donne :

$$q_v = S_1 v_1 = S_3 v_3 \implies (2D)^2 v_1 = D^2 v_3 \implies v_3 = 4v_1 = v = 0.5 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v_1 = v_2 ; \quad v_3 = v_4 = v_5 = v_6$$

[0.75]

Les nombres de Reynolds :

$$\mathcal{R}_1 = \frac{v_1 D_1}{\nu} = \frac{v_2 D}{4\nu} = \frac{\mathcal{R}_3}{2} = 10\,000 ; \quad \mathcal{R}_3 = \frac{v_3 D_3}{\nu} = \frac{v D}{\nu} = 20\,000$$

[0.5]

2)

$$\frac{\varepsilon}{2D} = \frac{0.08}{80} = 0.001 ; \quad \frac{\varepsilon}{D} = \frac{0.08}{40} = 0.002$$

$$\lambda(\mathcal{R}_1, \frac{\varepsilon}{2D}) \approx 0.0325 = \lambda' ; \quad \lambda(\mathcal{R}_3, \frac{\varepsilon}{D}) \approx 0.030 = \lambda$$

[1]

3) Les équations de Bernoulli généralisées s'écrivent :

$$X_6 = X_5 - \Delta X_r \quad \text{où} \quad \Delta X_r = \lambda \frac{L}{D} \frac{\rho v^2}{2}$$

$$X_5 = X_4 - \Delta X_{sc} \quad \text{où} \quad \Delta X_{sc} = \xi_c \frac{\rho v^2}{2}$$

$$X_4 = X_3 - 2\Delta X_r$$

$$X_3 = X_2 + \Delta X_i$$

$$X_2 = X_1 - \Delta X'_r \quad \text{où} \quad \Delta X'_r = \lambda' \frac{L_1}{2D} \frac{\rho v_1^2}{2} = \lambda' \frac{L_1}{2D} \frac{\rho v^2}{16}$$

$$X_1 = X_0 - \Delta X_{se} \quad \text{où} \quad \Delta X_{se} = \xi_e \frac{\rho v_1^2}{2} = \xi_e \frac{\rho v^2}{2 \cdot 16}$$

[3]

soit :

$$X_6 = X_0 + \Delta X_i - \left( \frac{\xi_e}{16} + \xi_c + 3\lambda \frac{L}{D} + \lambda' \frac{L_1}{32D} \right) \frac{\rho v^2}{2}$$

$$\implies p_a + \rho g z_6 + \rho \frac{v^2}{2} = p_a + \rho g z_0 + \Delta X_i - \left( \frac{\xi_e}{16} + \xi_c + 3\lambda \frac{L}{D} + \lambda' \frac{L_1}{32D} \right) \frac{\rho v^2}{2}$$

$$\implies \Delta X_i = \rho g(z_6 - z_0) + \left( 1 + \frac{\xi_e}{16} + \xi_c + 3\lambda \frac{L}{D} + \lambda' \frac{L_1}{32D} \right) \frac{\rho v^2}{2}$$

[1]

On pouvait également écrire :

$$\Delta X_i = \rho g(z_6 - z_0) + \left( 16 + \xi_e + 16\xi_c + 48\lambda \frac{L}{D} + \lambda' \frac{L_1}{2D} \right) \frac{\rho v_1^2}{2}$$

Des termes sont plus faibles que d'autres voir négligeables

$$\begin{aligned}
 3\lambda \frac{L}{D} = 1125 > 1 > \xi_c = 0.8 &> \frac{\xi_e}{16} = 0.04 > \lambda' \frac{L_1}{32D} = 0.006 \\
 \rho g(z_6 - z_0) &= 51.5 \text{ kPa} \\
 \left(1 + \frac{\xi_e}{16} + \xi_c + 3\lambda \frac{L}{D} + \lambda' \frac{L_1}{64D}\right) \frac{\rho v^2}{2} &= 147.9 \text{ kPa} \\
 \Delta X_i &= 199.4 \text{ kPa} = 199.4 \text{ kJ.m}^{-3} \\
 \mathcal{P}_n = q_v \Delta X_i &= 125 \text{ W} \\
 \frac{1}{\eta} \mathcal{P}_n &= 179 \text{ W}
 \end{aligned}
 \quad \dots \quad [2.75]$$

Rem :

$\rho g(z_6 - z_0)$	$\Delta X_{se}$	$\Delta X_{sc}$	$\Delta X_r$	$\Delta X'_r$	$\Delta X''_r$	unité
51503	5.2	105	49221	147663	0.833	Pa=J.m <sup>-3</sup>

4) La pompe consomme 179 W pour fournir 125 W au fluide soit l'énergie  $E$  consommée en 1 année :

$$E = \frac{1}{\eta} \mathcal{P}_n * 24 * 365 = 1568 \text{ kW.h}$$

Soit un coût de 232.53 € par an. .... [1]

### Exercice n°2 – American Class 50 pieds (AC50) - 10 pts

La masse supportée en  $(2400+6*80)$  kg soit  $m = 2880$  kg qui correspond à un poids  $mg = 28253$  N.

La portance  $P$  doit compenser ce poids :  $P = mg$ .

La vitesse est  $v = 15$  kts =  $27.78$  km/h =  $7.72$  m/s.

La pression au point d'arrêt :  $p_{e Ar} = \frac{1}{2} \rho v^2 = 30518$  Pa.

$$P = \frac{1}{2} \rho S C_z v^2 \implies S = cL = \frac{2P}{\rho C_z v^2} = 1.029 \text{ m}^2 \implies L = 2.143 \text{ m}$$

.... [1.25]

$$\mathcal{R} = \frac{vc}{\nu} = 3.704 \cdot 10^6$$

.... [0.75]

Les courbes permettent d'évaluer l'incidence  $\alpha \approx 5.3^\circ$ . Pour cette incidence, le coefficient de trainée est  $C_x \approx 0.0063$  à  $0.0064$  et la trainée est : .... [1.5]

$$T = \frac{1}{2} \rho S C_x v^2 \approx 197.8 \text{ N à } 200.9 \text{ N}$$

.... [1]

La puissance perdue par cette trainée est :

$$\mathcal{P} = T v = 1526 \text{ W à } 1550 \text{ W}$$

.... [0.75]

La finesse du profil est :

$$\frac{C_z}{C_x} = 142.8$$

.... [0.75]

La composante de portance est environ 143 fois plus grande que celle de trainée :

Le coefficient de pression effective au point  $D$  vaut :  $C_p = -1.5$ .

La pression effective minimum en  $D$  vaut :  $C_p p_{e Ar} = C_p \frac{\rho v^2}{2} = -45777$  Pa. .... [1]

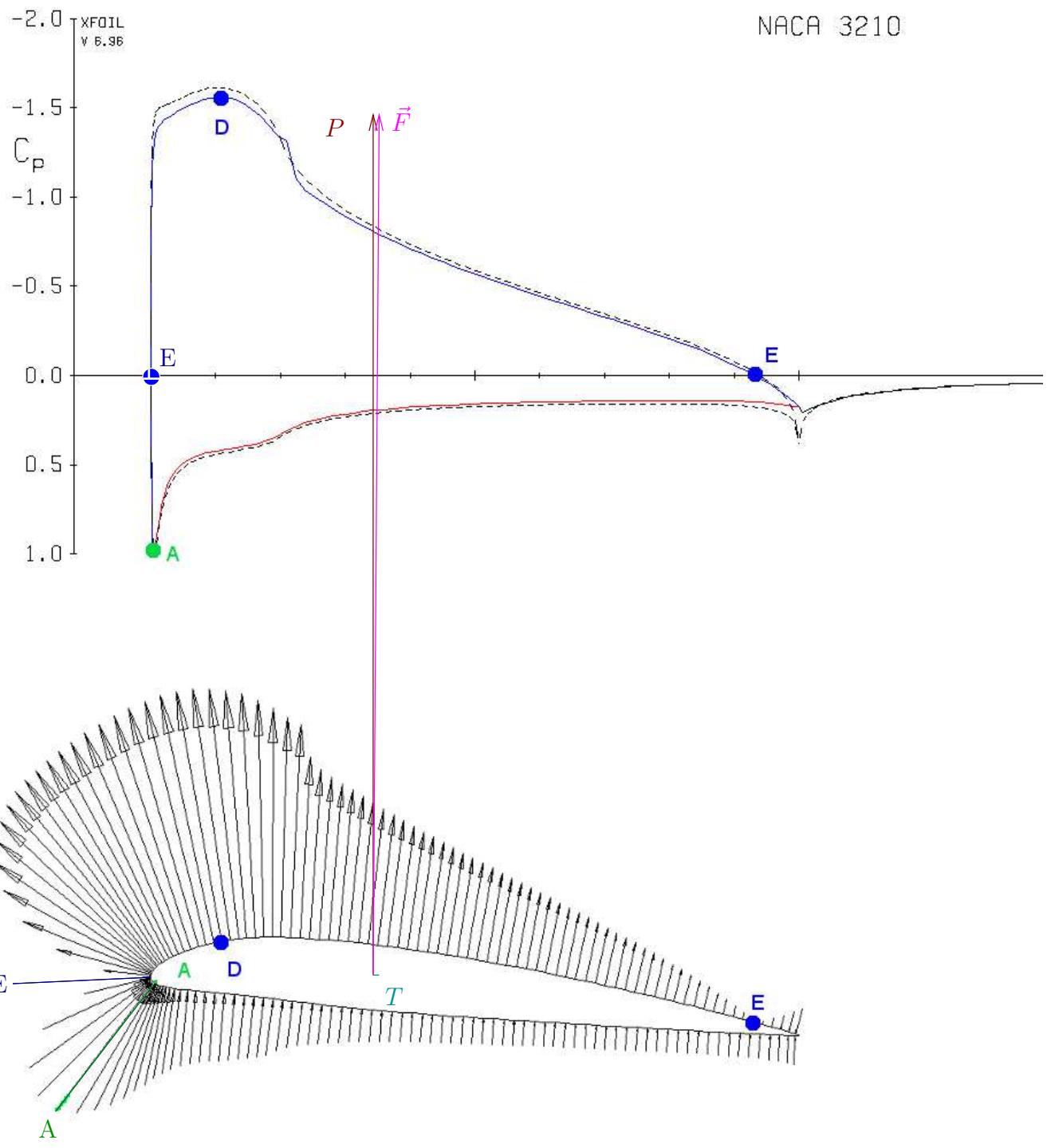


FIG. 1 – Graphe complété.

[3]