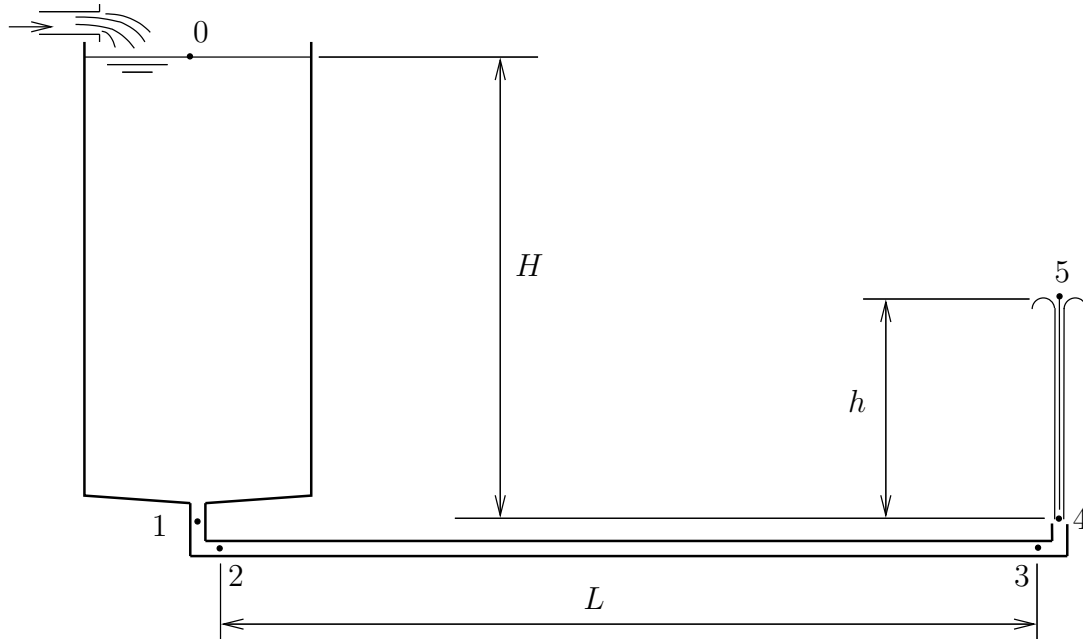


Exercice n°1 - Ecoulement : 8.5 pts



1) Les équations de Bernoulli généralisées s'écrivent :

$$\begin{aligned} X_4 &= X_3 - \Delta X_{sc} \quad \text{où } \Delta X_{sc} = K_c \frac{\rho v^2}{2} \\ X_3 &= X_2 - \Delta X_r \quad \text{où } \Delta X_r = \lambda \frac{L}{D} \frac{\rho v^2}{2} \\ X_2 &= X_1 - \Delta X_{sc} \\ X_1 &= X_0 - \Delta X_{se} \quad \text{où } \Delta X_{se} = K_e \frac{\rho v^2}{2} \end{aligned}$$

[1.25]

soit :

$$\begin{aligned} X_4 &= X_0 - \left(K_e + 2K_c + \lambda \frac{L}{D} \right) \frac{\rho v^2}{2} \\ \Rightarrow p_a + \rho g z_4 + \frac{\rho v^2}{2} &= p_a + \rho g z_0 - \left(K_e + 2K_c + \lambda \frac{L}{D} \right) \frac{\rho v^2}{2} \\ \Rightarrow gH &= \left(1 + K_e + 2K_c + \lambda \frac{L}{D} \right) \frac{v^2}{2} \\ \Rightarrow v &= \sqrt{\frac{2gH}{\left(1 + K_e + 2K_c + \lambda \frac{L}{D} \right)}} \end{aligned}$$

[1.25]

2) En l'absence de toutes les pertes régulières et singulières, on a :

$$v = \sqrt{2gH} = 9.90 \text{ m.s}^{-1}$$

..... [0.75]

L'équation de Bernoulli donne également :

$$\begin{aligned} p_4 + \rho g z_4 + \frac{\rho v^2}{2} &= p_5 + \rho g z_5 \quad \text{où } p_4 = p_5 = p_a \\ \implies \rho g h &= \frac{\rho v^2}{2} \implies h = \frac{v^2}{2g} \implies h = H \end{aligned}$$

..... [0.5]

Le nombre de Reynolds

$$\mathcal{R} = \frac{vD}{\nu} = 3.96 \cdot 10^5 > 10^5$$

..... [0.75]

3)

$$\begin{aligned} \bullet \quad \mathcal{R} > 10^5 &\implies \lambda = \left[2 \log \left(3.71 \frac{D}{\varepsilon} \right) \right]^{-2} \approx 0.0125 \\ &\implies v = 1.68 \text{ m.s}^{-1} \quad ; \quad q_v = 2.11 \text{ l.s}^{-1} \quad ; \quad \mathcal{R} = 0.67 \cdot 10^5 < 10^5 \\ h &= \frac{v^2}{2g} = 0.144 \text{ m} \ll H \end{aligned}$$

..... [2]

4)

$$\begin{aligned} \bullet \quad \mathcal{R} = 0.67 \cdot 10^5 \quad \text{et} \quad \frac{\varepsilon}{D} = 1.25 \cdot 10^{-4} &\quad \text{sur la courbe de Moody donnent : } \lambda \approx 0.02 \\ &\implies v = 1.35 \text{ m.s}^{-1} \quad ; \quad q_v = 1.70 \text{ l.s}^{-1} \quad ; \quad \mathcal{R} = 0.541 \cdot 10^5 \\ &\implies h = \frac{v^2}{2g} = 0.093 \text{ m} \ll H \end{aligned}$$

..... [2]

On ne demandait pas d'écrire (ce qui était très proche) :

$$\begin{aligned} \bullet \quad \mathcal{R} = 0.67 \cdot 10^5 &\implies \lambda = (100\mathcal{R})^{-\frac{1}{4}} \approx 0.0196 \\ &\implies v = 1.37 \text{ m.s}^{-1} \quad ; \quad q_v = 1.72 \text{ l.s}^{-1} \quad ; \quad \mathcal{R} = 0.54 \cdot 10^5 \\ h &= \frac{v^2}{2g} = 0.095 \text{ m} \ll H \end{aligned}$$

Exercice n°2 - Embarcation : 7 pts

La poussée d'Archimède (celle due à l'air est négligée) est alors : [0.25]

$$P_A = \rho V g$$

Cette poussée compense le poids du bateau chargé : [0.25]

$$P_A = (M + m)g$$

La section triangulaire possède une pente de 1 pour 1 (45°).

Dans le cas où seule la section triangulaire est immergée ($t < b$), le volume d'eau de mer déplacé est $V = t^2 L$ et l'on écrit : [0.5]

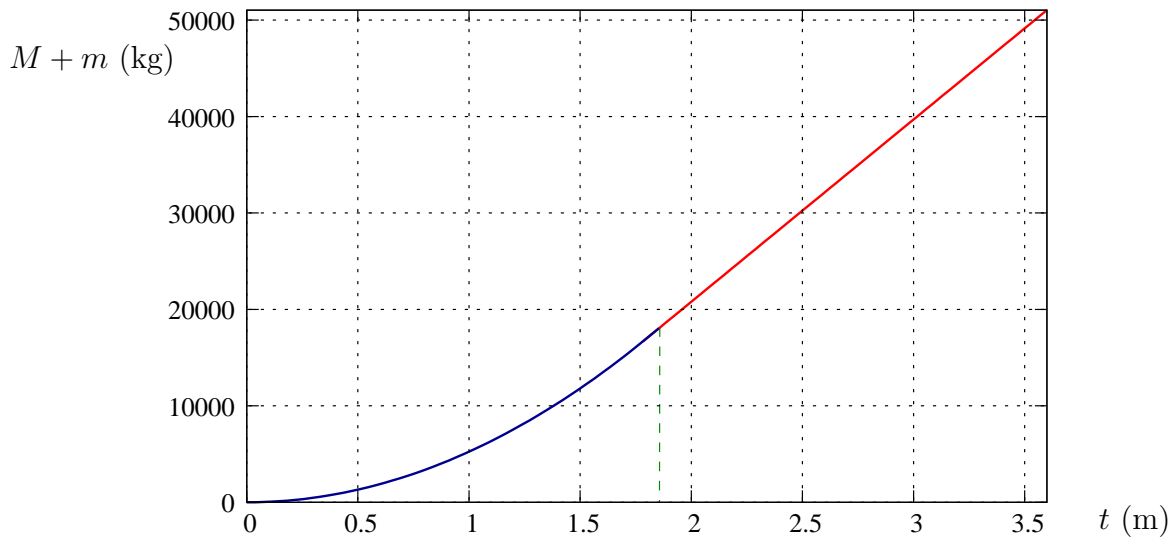
$$\rho t^2 L = (M + m) \implies M + m = \rho L t^2$$

Dans le cas où toute la section triangulaire et une partie de la paroi latérale verticale est immergée ($t > b$), le volume d'eau de mer déplacé est $V = (b^2 + 2b(t - b)) L$ et l'on écrit : [0.5]

$$\rho (b^2 + 2b(t - b)) L = (M + m) \implies M + m = \rho b L (2t - b)$$

On remarque que pour $t = b$: $M + m = \rho L b^2 = \rho b L (2b - b)$ donc les 2 courbes sont continues. La pente à gauche pour $t = b^-$ est $2\rho L b$ et celle à droite pour $t = b^+$ est $\rho L b [2]$: les 2 courbes possèdent la même pente en $t = b$, la pente est donc continue en $t = b$.

1)



..... [2.5]

2) Si $t = 1$ m, on a $m = 5250$ kg [1]

3) Pour $t = 2.5$ m, on a $M + m = 30240$ kg donc $M = 24990$ kg [1]

4) Pour $t = 2b = 3.6$ m, on a $M + m = 51030$ kg et le chargement maxi est $M = 45780$ kg [1]

Exercice n°3 - Profil 4.5 pts

1)

$$\mathcal{R} = \frac{V_\infty c}{\nu} \implies V_\infty = \frac{\mathcal{R} \nu}{c} = 2 \text{ m.s}^{-1}$$

..... [0.5]

2) Bernoulli sur ligne de courant (cf TD) donne la pression effective au point d'arrêt :

$$\frac{1}{2} \rho V_\infty^2 = 2050 \text{ Pa}$$

..... [1]

3)

$$\frac{T}{L} = \frac{1}{2} \rho c C_x V_\infty^2 = 4.39 \text{ N.m}^{-1} \quad ; \quad \frac{P}{L} = \frac{1}{2} \rho c C_z V_\infty^2 = 145.2 \text{ N.m}^{-1} \quad ; \quad \frac{P}{T} = \frac{C_z}{C_x} = 33.05 = \tan(88.27^\circ)$$

..... [1]

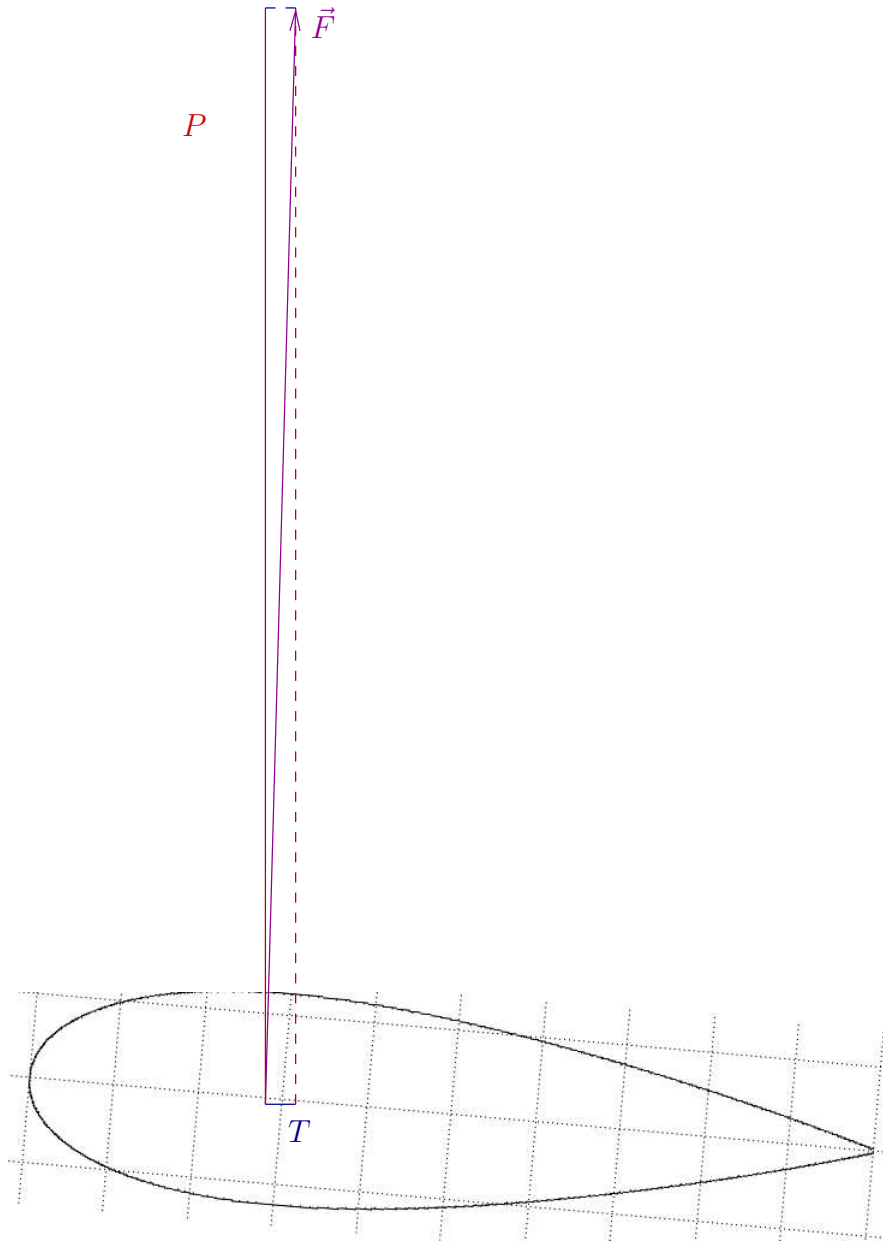


FIG. 1 – Vecteur force \vec{F} exercé sur le profil NACA0025 en incidence de 5° : $10 \text{ mm} \equiv 10 \text{ N.m}^{-1}$ [2]