

On donne :

- l'accélération de la pesanteur : $g = 9.81 \text{ m.s}^{-2}$;
- la vitesse du son dans l'air : 350 m.s^{-1} .
- la pression atmosphérique : $p_a = 1.013 \text{ bar} = 101.3 \text{ kPa}$.

Exercice n°1 - 4.5 pts

Les parachutistes s'entraînent depuis quelques années dans des simulateurs de chute libre. La photo illustre un tel entraînement dans le simulateur de chute libre de Roosendaal, aux Pays-Bas.

Un homme de masse $m = 75 \text{ kg}$ est immobilisé dans l'écoulement vertical d'une soufflerie où la vitesse de l'air est $v = 180 \text{ km/h}$.

La surface projetée de l'homme (dans la position de la photo) est $S = 0.6 \text{ m}^2$.

La masse volumique de l'air $\rho = 1.24 \text{ kg.m}^{-3}$.

Quel est le coefficient aérodynamique de l'homme ?

L'homme se met maintenant en position du phœtus ressemblant à une sphère dont le coefficient aérodynamique est évalué par $C_x = 0.5$; Sa nouvelle surface projetée est $S = 0.2 \text{ m}^2$.

Quelle sera la vitesse v qui lui permettra de rester immobile dans l'écoulement ?

L'air peut-il être considéré comme incompressible pour les deux calculs précédents ?



Exercice n°2 - 7 pts

Le réservoir de gauche contient la hauteur $3h$ d'eau douce de masse volumique ρ_1 et peut communiquer par l'intermédiaire d'une porte verticale rectangulaire de largeur b (perpendiculaire au dessin) et de hauteur h avec le réservoir de droite qui contient la hauteur $2h$ d'eau de mer de masse volumique ρ_2 .

La base de la porte est au fond des 2 réservoirs.

De l'air à la pression atmosphérique p_a est au dessus des surfaces libres des deux réservoirs.

Le problème peut être considéré comme un problème plan. Les 2 liquides sont immobiles. La porte est fermée.

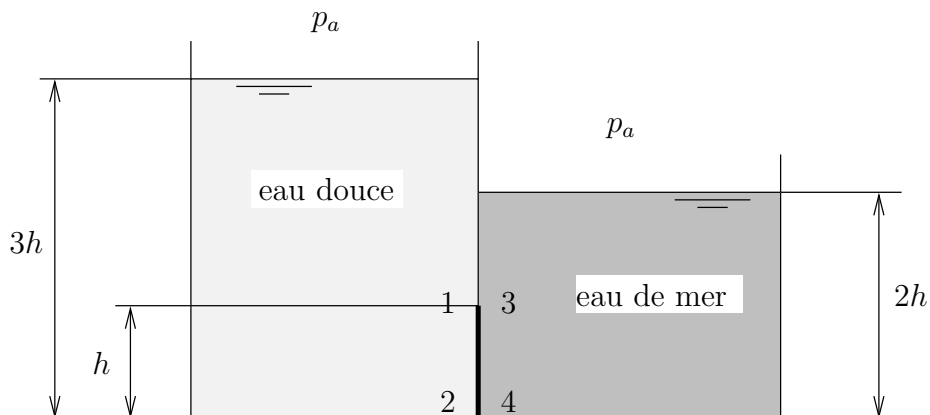
Données numériques :

$\rho_1 = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$

$\rho_2 = 1150 \text{ kg.m}^{-3}$

$h = 1.8 \text{ m}$

$b = 0.5 \text{ m}$



- 1) Calculez analytiquement puis numériquement les pressions effectives qui règnent - dans les liquides en haut et en bas de la porte (aux points 1 à 4). [1.5]
- 2) Représentez - à l'échelle - la répartition de force effective exercée par les liquides sur cette porte. [1]
- 3) Calculez analytiquement puis numériquement la force effective globale exercée sur cette porte. Précisez analytiquement puis numériquement le point d'application de cette force. [4]

Exercice n°3 - 8.5 pts

On étudie le circuit alimentant un jet d'eau vertical présenté sur la FIG. 1.

Un réservoir de grande section alimenté constamment possède une surface libre qui reste à une altitude z_0 .

Le circuit alimentant le jet d'eau comporte dans l'ordre de l'écoulement :

- la sortie du réservoir de perte de charge singulière $\xi_e = 0.5$ qui aboutit à l'entrée de la pompe par une tuyauterie de diamètre $D = 3 \text{ cm}$ de longueur négligeable ;
- une pompe fournissant au fluide une énergie volumique notée ΔX_i et possédant un rendement de 65 % ;
- une longueur rectiligne $L = 100 \text{ m}$ de tuyauterie de même diamètre D et de rugosité absolue $\varepsilon = 0.05 \text{ mm}$;
- un coude à 90° de perte de charge singulière $\xi_c = 0.2$;
- et un convergent de perte de charge singulière $\xi_s = 0.3$ qui fait passer la conduite du diamètre D à un diamètre $d = 1 \text{ cm}$: l'eau débouche alors à l'air libre à la pression atmosphérique p_a .

Le jet d'eau monte alors jusqu'à une altitude notée z_6 . La position des points de l'écoulement est précisée sur la FIG. 1. On considèrera pour simplifier que $z_1 = z_2 = z_3 = z_4 = z_5 = 0$. On donne $z_0 = 4 \text{ m}$.

On nommera v la vitesse de sortie du fluide en 5, c et \mathcal{R} la vitesse et le nombre de Reynolds dans la conduite de diamètre D et q_v le débit volumique circulant dans la pompe.

On donne la masse volumique de l'eau $\rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$ et sa viscosité cinématique $\nu = 10^{-6} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}$.

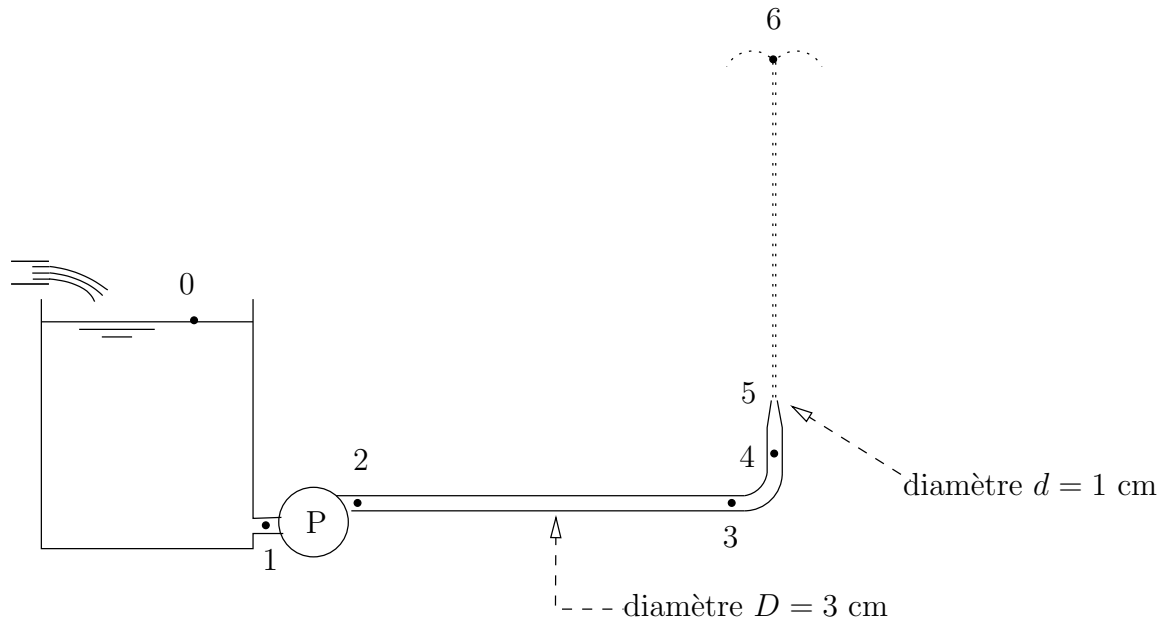


FIG. 1 – Circuit alimentant un jet d'eau.

On rappelle que le coefficient de perte de charge régulière λ peut être évalué par l'une des équations suivantes suivant la valeur du nombre de Reynolds \mathcal{R} :

- si $\mathcal{R} < 2000 \implies \lambda = \frac{64}{\mathcal{R}}$
- si $2000 < \mathcal{R} < 10^5 \implies \lambda = (100\mathcal{R})^{-\frac{1}{4}}$
- si $\mathcal{R} > 10^5 \implies \lambda = \left[2 \log \left(3.71 \frac{D}{\varepsilon} \right) \right]^{-2}$

- 1) Nommez et écrivez les relations entre q_v , c et v [0.75]
- 2) Nommez et écrivez les équations reliant les caractéristiques de pression, d'altitude et de vitesse entre les différents points de l'écoulement (0, 1, 2, 3, 4 et 5). En déduire la relation permettant de calculer ΔX_i connaissant c et λ [3.5]
- 3) En ne considérant aucune perte entre 5 et 6, nommez et écrivez l'équation reliant les caractéristiques de pression, d'altitude et de vitesse entre ces 2 points. [0.75]
- 4) On souhaite avoir une hauteur de jet de $z_6 = 22$ m.
Déterminez v puis c , \mathcal{R} et q_v . Déterminez λ et ΔX_i . Déterminez la puissance consommée par la pompe. [3.5]