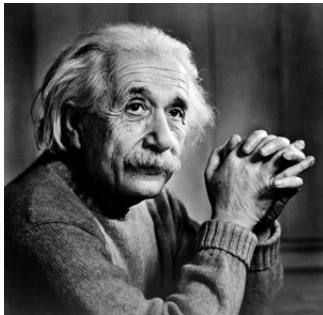


ASTRONOMIE ET MATHÉMATIQUE : DES LIENS HISTORIQUES

Les Mathématiques et l'Astronomie entretiennent des liens anciens qui remontent à leurs origines. Les deux sciences se sont développées conjointement et se sont enrichies mutuellement.

LOI DE LA GRAVITATION ET RELATIVITÉ

Au début du XX^{ème}, malgré des succès encore récents, la théorie de la gravitation de Newton semble atteindre ses limites. Plusieurs observations, comme par exemple l'avance du périhélie de Mercure, semblent en effet échapper à la théorie.



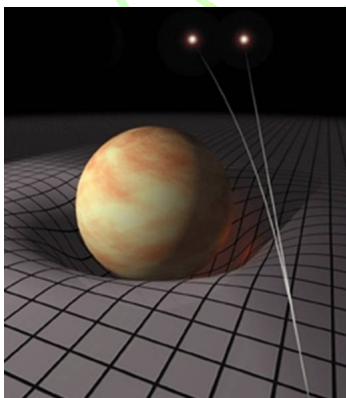
Albert Einstein

Il faut attendre 1905 puis 1916 et la formulation de la théorie de la Relativité (restreinte puis générale) par Albert Einstein (1879-1955), pour trouver une explication à ces phénomènes. Le cadre mathématique de la théorie de la Relativité est celui de la géométrie différentielle, précisément celui des variétés Lorentziennes. Lorsque qu'Einstein formule sa théorie, la géométrie différentielle a environ soixante ans : c'est Bernhard Riemann (1826-1866), qui en 1854 en a posé les bases.

Les motivations de Riemann étaient alors purement mathématiques. Einstein a été orienté vers les travaux de Riemann et les géométries non-euclidiennes, par son ami mathématicien Marcel Grossmann (1878-1936) ; ce dernier l'a aussi initié au calcul tensoriel, qui constitue le langage de base de la théorie de la relativité. Dans cette nouvelle théorie, la gravitation n'est pas une force, mais est la manifestation de la déformation de l'espace (en fait de l'espace-temps) produite par la distribution de matière.



Bernhard Riemann



*Un objet massif déforme
l'espace-temps*

Les équations d'Einstein relient de façon complexe la géométrie de l'espace (décrite par la métrique $g_{\mu\nu}$) et la distribution de matière dans l'espace-temps (reflétée par le tenseur $T_{\mu\nu}$).

$$G_{\mu\nu} := R_{\mu\nu} - \frac{1}{2}g_{\mu\nu}R - \Lambda g_{\mu\nu} = 8\pi T_{\mu\nu}$$