L1-A01- 17 octobre 2007 Contrôle 6

Une attention particulière sera portée à la qualité de la rédaction. Durée : 15 minutes.

Les documents et les calculatrices ne sont pas autorisés.

NOM: PRÉNOM:

Exercice

On considère la fonction $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ définie par

$$f(x) = x \cdot \exp\left(\frac{x^3}{3} - 1\right)$$

- 1) Montrer que f est dérivable pour tout x. Calculer la dérivée de f; étudier le signe de f' suivant les valeurs de x.
- 2) Montrer que la dérivée seconde de f est donnée par

$$f''(x) = x^2(4+x^3) \exp\left(\frac{x^3}{3}-1\right).$$

Étudier le signe de f'' suivant les valeurs de x. Que peut-on en déduire sur la forme du graphe de f?

3) Déterminer les limites de f en $+\infty$ et $-\infty$.